

日本学生支援機構

大阪日本語教育センター

منظمة خدمات الطلاب اليابانية

مركز تعليم اللغة اليابانية في أوساكا

物理テキスト

النص المادي

アラビア語圏の学生のための物理

الفيزياء للطلاب الناطقين بالعربية

(熱力学編)

الطبعة الديناميكية الحرارية

【練習問題解答編】

حل مشكلة الممارسة

だい しょう ねつ ぶっしつ
第1章 熱と物質

ねつ ねつりょう
1. 熱と熱量

ひねつ ねつりょうりょう
1. [比熱と熱容量]

(1) 『 $Q = mc\Delta T$ 』 より水に加える熱量を Q_1 [J] とすると

$$Q_1 = 2.0 \times 10^3 \times 4.2 \times 100 = 8.4 \times 10^5$$

こたえ
(答) 8.4×10^5 J

(2) 加熱器は 1 s あたり 4.2×10^3 J の熱を水に与える。

かねつき じかん
加熱時間を t [s] とすると

$$t = \frac{8.4 \times 10^5}{4.2 \times 10^3} = 2.0 \times 10^2$$

こたえ
(答) 2.0×10^2 s

(3) 『 $Q = C\Delta T$ 』 より

ようき くわ ねつりょう
容器に加える熱量を Q_2 [J] とすると

$$Q_2 = 4.2 \times 10^2 \times (100 - 0) = 4.2 \times 10^4$$

こたえ
(答) 4.2×10^4 J

(4) 加熱器が熱を加える時間を t [s] とすると

$$4.2 \times 10^3 \times t = Q_1 + Q_2$$

$$t = \frac{(8.4 + 4.2) \times 10^4}{4.2 \times 10^3} = 2.1 \times 10^2$$

こたえ
(答) 2.1×10^2 s

2. [熱量保存]

(1) 水の比熱を c [J/(g·K)] とし、熱平衡になったときの温度を t [s] とする。

『(水が受け取った熱量) = (湯が与えた熱量)』より

$$30 \times c \times (t - 10) = 60 \times c \times (70 - t) \quad \text{よって} \quad t = 50$$

(答) 50°C

(2)

① 熱量計の熱容量を C [J/K] とする。

『(水と熱量計が受け取った熱量) = (湯が与えた熱量)』より

$$120 \times 4.2 \times (30 - 10) + C \times (30 - 10) = 50 \times 4.2 \times (90 - 30)$$

よって

$$C = 126$$

(答) 1.3×10^2 J/K

② 金属球の比熱を c [J/(g·K)] とする。

『(金属球が与えた熱量) = (30°C となった170 g の水と熱量計が受け取った熱量)』

より

$$100 \times c \times (85 - 35) = 170 \times 4.2 \times (35 - 30) + 126 \times (35 - 30)$$

よって

$$c = 0.84$$

(答) 0.84 J/(g·K)

2. 熱と物質の状態

1. [潜熱]

融解熱を q_M [J/g] とする。 $t = 0$ から $t = 27$ s までに与えた熱はすべて氷の融解に使われることから

$$q_M \times 80 = 1.0 \times 10^3 \times (27 - 0) \quad \text{よって} \quad q_M = 3.4 \times 10^2$$

(答) 3.4×10^2 J/g

比熱を c [J/(g·K)] とする。 $t = 27$ から $t = 103$ s までに与えた熱はすべて水の温度上

昇に使われるから

$$(80 + 1.0 \times 10^2) \times c \times 100 = 1.0 \times 10^3 \times (103 - 27)$$

よって $c = 4.2$

(答) 4.2 J/(g·K)

蒸発熱を q_B [J/g] とする。 $t = 103$ から $t = 513$ s までに与えた熱はすべて水の蒸発に

使われることから

$$q_B \times (80 + 1.0 \times 10^2) = 1.0 \times 10^3 \times (513 - 103)$$

よって $q_B = 2.3 \times 10^3$

(答) 2.3×10^3 J/g

2. [線膨張]

『 $L = L_0(1 + at)$ 』より長さの変化量 ΔL は

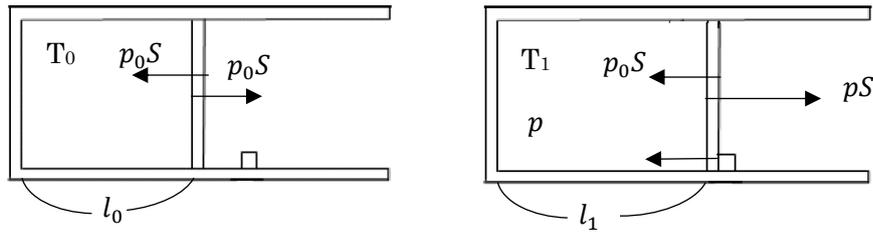
$$\begin{aligned} \Delta L &= L - L_0 = L_0 \times at \\ &= 30 \times 1.18 \times 10^{-5} \times 40 = 1.4 \times 10^{-2} \end{aligned}$$

(答) 1.4×10^{-2} m

第2章 気体のエネルギーと状態変化

1. 気体の法則

1. [ボイルシャルルの法則]



ピストンがストッパーで止められたときの気体の圧力を p 、ピストンの断面積を S とす

る。ボイルシャルルの法則より

$$\frac{p_0 S l_0}{T_0} = \frac{p S l_1}{T_1} \quad \text{よって} \quad p = \frac{l_0 T_1}{l_1 T_0} p_0$$

こたえ (答) $\frac{l_0 T_1}{l_1 T_0} p_0$

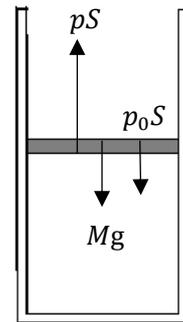
2. [気体の状態方程式]

シリンダー内の気体の圧力を p としピストンにはた

らく力のつりあいを考えると

$$pS = p_0 S + Mg \quad \text{よって} \quad p = p_0 + \frac{Mg}{S}$$

シリンダーの底からピストンまでの高さを h とし、気体



の状態方程式にあてはめると

$$pSh = nRT_0 \quad \text{よって} \quad h = \frac{nRT_0}{p_0 + Mg}$$

こたえ (答) $\frac{nRT_0}{p_0 + Mg}$

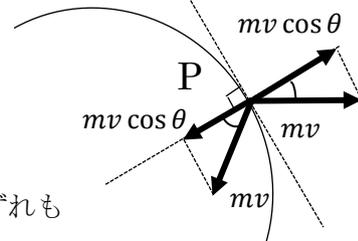
2. 気体分子運動論

1. 〔気体分子運動論〕

- (1) 分子の速さ v の球形容器の壁面に垂直な方向成分は

$$v \cos \theta$$

弾性衝突であるため衝突前後の運動量の大きさはいずれも



$mv \cos \theta$ で向きは互いに逆向き。したがって 1 回の衝突で壁に与える力積の大きさを i とすると

$$i = mv \cos \theta - (-mv \cos \theta) = 2mv \cos \theta$$

(答) $2mv \cos \theta$

- (2) 求める時間を t_1 とすると $2r \cos \theta$ 進むごとに 1 回衝突するから

$$t_1 = \frac{2r \cos \theta}{v}$$

(答) $\frac{2r \cos \theta}{v}$

- (3) 1 秒あたりに衝突する回数を n (回) とすると

$$n = \frac{1}{t_1} = \frac{v}{2r \cos \theta}$$

(答) $\frac{v}{2r \cos \theta}$ (回)

- (4) 1 秒あたり $\frac{v}{2r \cos \theta}$ (回) 衝突するので時間 t では

$$nt = \frac{vt}{2r \cos \theta}$$

(答) $\frac{vt}{2r \cos \theta}$ (回)

- (5) 時間 t で与える力積の大きさを I とすると、1 回で(1)で求めた i の力積を与えることから、

$$I = int = 2mv \cos \theta \times \frac{vt}{2r \cos \theta} = \frac{mv^2}{r} t$$

(答) $\frac{mv^2}{r} t$

- (6) \bar{I} を N 個の分子で求めた分子 1 個の平均の力積の大きさ、 $\overline{v^2}$ を分子 1 個の二乗平均速度とする。容器内の気体が壁に及ぼす力の大きさを F とすると

$$F = N \frac{\bar{I}}{t} = \frac{Nm\overline{v^2}}{r}$$

(答) $\frac{Nm\overline{v^2}}{r}$

- (7) (気体の圧力) = (壁に及ぼす力の大きさ) / (球の表面積) より

$$p = \frac{Nm\overline{v^2}}{r} \cdot \frac{1}{4\pi r^2} \quad \text{よって} \quad \overline{v^2} = \frac{4\pi r^3}{Nm} p$$

(答) $\overline{v^2} = \frac{4\pi r^3}{Nm} p$

- (8) 球の体積を V とおくと $V = \frac{4}{3}\pi r^3$ より

$$\overline{v^2} = \frac{3pV}{Nm} \quad \dots \quad \text{①}$$

また理想気体の状態方程式より $pV = nRT$

ここで n は気体の物質量で $nN_A = N$ より $\frac{n}{N} = \frac{1}{N_A}$

これらを①に代入し、変形すると、

$$\sqrt{\overline{v^2}} = \sqrt{\frac{3RT}{mN_A}} = \sqrt{\frac{3 \times 8.3 \times 300}{4.15 \times 10^{-27} \times 6.0 \times 10^{23}}} \cong 1.7 \times 10^3$$

(答) $1.7 \times 10^3 \text{ m/s}$

3. 気体の状態変化

1. [定積変化]

体積一定であることから気体は仕事をしない。

したがって熱力学第1法則『 $\Delta U = Q + W$ 』は $W = 0$ より

$$\Delta U = Q$$

と表される。

一方、単原子分子理想気体においては内部エネルギー ΔU は

$$\Delta U = \frac{3}{2}nR\Delta T$$

で表される。また、理想気体の状態方程式より

$$pV = nRT \quad \text{よって} \quad nR = \frac{pV}{T}$$

これらのことから求める熱量 Q は

$$Q = \Delta U = \frac{3}{2}nR\Delta T = \frac{3}{2} \frac{pV}{T} \Delta T = \frac{3 \times 1.0 \times 10^5 \times 1.12 \times 10^2 \times 20}{2 \times 273} \cong 1.2 \times 10^6$$

(答) $1.2 \times 10^3 \text{ J}$

2. [定圧変化]

(1) シャルルの法則 ($\frac{V}{T} = \text{const.}$) より

求める温度の絶対温度を T [K] とすると、

$$T = 273 \times 2 = 546$$

セルシウス温度を t [°C] とすると、

$$t = T - 273 = 546 - 273 = 273$$

(答) $273 \text{ }^\circ\text{C}$

- (2) 単原子分子理想気体の定積モル比熱 C_V は

$$C_V = \frac{3}{2}R$$

内部エネルギーの増加 ΔU は

$$\Delta U = nC_V\Delta T = 1.0 \times \frac{2}{3} \times 8.3 \times (546 - 273) \approx 3.4 \times 10^3$$

こたえ
(答) $3.4 \times 10^3 \text{ J}$

- (3) 単原子分子理想気体の定圧モル比熱 C_P は

$$C_P = \frac{5}{2}R$$

気体が得た熱量 Q は

$$Q = nC_P\Delta T = 1.0 \times \frac{5}{2} \times 8.3 \times (546 - 273) \approx 5.7 \times 10^3$$

こたえ
(答) $5.7 \times 10^3 \text{ J}$

- (4) 気体が外部にした仕事を W_{OUT} とすると熱力学第1法則より

$$W_{OUT} = Q - \Delta U = (5.67 - 3.40) \times 10^3 \approx 2.3 \times 10^3$$

こたえ
(答) $2.3 \times 10^3 \text{ J}$

3. [等温変化]

- (1) 状態2における気体の圧力を p とおくと、ボイルの法則より

$$p_0V_0 = p\frac{V_0}{2} \quad \text{よって} \quad p = 2p_0$$

こたえ
(答) $2p_0$

- (2) 温度一定のため $\Delta T = 0$

$$\Delta U \propto \Delta T \quad \text{よって} \quad \Delta U = 0$$

こたえ
(答) 0

- (3) 気体が外からされた仕事を W とすると熱力学第1法則『 $\Delta U = Q + W$ 』より

$$\text{ここで, } \Delta U = 0, W > 0 \text{ より } Q < 0$$

(答) 放出した

4. [断熱変化]

- (1) 単原子分子理想気体の内部エネルギーの変化量 ΔU は『 $\Delta U = \frac{3}{2}nR\Delta T$ 』より

$$\begin{aligned}\Delta U &= \frac{3}{2} \times 0.10 \times 8.3 \times (936 - 604) \\ &= 4.1 \times 10^2\end{aligned}$$

(答) $4.1 \times 10^2 \text{ J}$

- (2) 気体が外からされた仕事を W とすると熱力学第1法則『 $\Delta U = Q + W$ 』より

断熱変化であるため $Q = 0$

したがって, $\Delta U = W$

$$(1) \text{より } W = \Delta U = 4.1 \times 10^2$$

(答) $4.1 \times 10^2 \text{ J}$

- (3) 状態 B の体積を V_B とすると理想気体の状態方程式『 $pV = nRT$ 』より

$$\begin{aligned}3.0 \times 10^5 \times V_B &= 0.10 \times 8.3 \times 936 \\ V_B &= 2.6 \times 10^{-3}\end{aligned}$$

(答) $2.6 \times 10^{-3} \text{ m}^3$

5. [定積モル比熱]

- (1) 体積が変化しないことから気体がした仕事を W とすると $W = 0$

熱力学第1法則『 $\Delta U = Q + W$ 』より

$$Q = \Delta U = \frac{3}{2}nR(4T_0 - T_0) = \frac{9}{2}nRT_0$$

(答) $\frac{9}{2}nRT_0$

(2) 定積モル比熱を C_V とすると

$$Q = nC_V\Delta T = nC_V(4T_0 - T_0) = 3nT_0 \times C_V$$

これが(1)の結果と等しくなることから

$$3nT_0 \times C_V = \frac{9}{2}nRT_0 \quad \text{よって} \quad C_V = \frac{3}{2}R$$

(答) $\frac{3}{2}R$

6. [定圧モル比熱]

(1) n モルの単原子分子理想気体の内部エネルギーの変化量(増加量) ΔU は『 $\Delta U =$

$\frac{3}{2}nR\Delta T$ 』より

$$\Delta U = \frac{3}{2}nR \cdot 3T_0 = \frac{9}{2}nRT_0$$

はじめの気体の体積を V_1 , 膨張した後の体積を V_2 とするとシャルルの法則より

$$\frac{V_1}{T_0} = \frac{V_2}{4T_0} \quad \text{よって} \quad V_2 = 4V_1$$

気体がした仕事を W_{out} , 気体の圧力を p とすると

$$W_{out} = p(V_2 - V_1) = 3pV_1$$

また 最初の状態での気体の状態方程式は以下のように示される

$$pV_1 = nRT_0$$

よって

$$W_{out} = 3nRT_0$$

(答) 内部エネルギーの増加量 $\cdots \frac{9}{2}nRT_0$

気体が外部にした仕事 $\cdots 3nRT_0$

(2) 求める熱量を Q とすると熱力学第1法則より

$$Q = \Delta U + W_{out} = \frac{9}{2}nRT_0 + 3nRT_0 = \frac{15}{2}nRT_0$$

(答) 気体に与えた熱量 $\dots \frac{15}{2}nRT_0$

(3) 定圧モル比熱を C_p とすると

$$Q = nC_p\Delta T = nC_p(4T_0 - T_0) = nC_p \cdot 3T_0$$

(2) より

$$\frac{15}{2}nRT_0 = nC_p \cdot 3T_0 \quad \text{よって} \quad C_p = \frac{5}{2}R$$

(答) $\frac{5}{2}R$

4. 不可逆変化と熱機関

1. [熱効率]

- (1) 内部エネルギーの変化量を ΔU , 与えた熱量を Q , 気体がした仕事を W_{out} とすると

$$\begin{aligned}\Delta U &= Q - W_{out} \\ &= 2.0 \times 10^3 - 0.40 \times 10^3 = 1.6 \times 10^3\end{aligned}$$

(答) $1.6 \times 10^3 \text{ J}$

- (2) 熱効率を e [%] とする

$$e = \frac{W_{out}}{Q} = \frac{4.0 \times 10^2}{2.0 \times 10^3} \times 100 = 20$$

(答) 20%

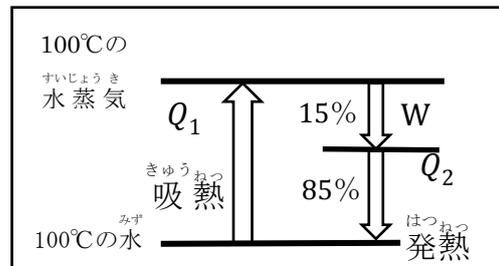
2. [熱機関]

- (1) 1.0 秒で $2.0 \times 10^3 \text{ g}$ の水蒸気が水に凝

縮し, そのときの発熱量が冷却器に排出さ

れることから発熱量を Q_2 とおくと

$$Q_2 = 2.0 \times 10^3 \times 2.3 \times 10^3 = 4.6 \times 10^6$$



(答) 毎秒 $4.6 \times 10^6 \text{ J}$

- (2) (1) で求めた Q_2 が吸熱 Q_1 の 85% に相当することから

$$Q_2 = \frac{4.6 \times 10^6}{0.85} = 5.4 \times 10^6$$

こたえ
(答) 毎秒 $5.4 \times 10^6 \text{ J}$

(3) 1.0秒あたりの仕事 w は

$$w = Q_1 - Q_2 = 8.1 \times 10^5$$

10分間にする仕事 W は

$$W = w \times 10 \times 60 = 4.9 \times 10^8$$

こたえ
(答) $4.9 \times 10^8 \text{ J}$

(4)

① 重力とつりあう力で 45 m 引き上げることから求める仕事を W' とすると

$$\begin{aligned} W' &= 1.0 \times 10^3 \times 9.8 \times 45 \\ &= 4.4 \times 10^5 \end{aligned}$$

こたえ
(答) $4.4 \times 10^5 \text{ J}$

② (3) より 10分間では $W = 4.9 \times 10^8 \text{ J}$ の仕事をすることから 10分間に汲み出す水の体

積 V は

$$V = \frac{W}{W'} = \frac{4.9 \times 10^8}{4.4 \times 10^5} = 1.1 \times 10^3$$

こたえ
(答) $1.1 \times 10^3 \text{ m}^3$

ねつりきがくえんしゅう
5. 熱力学演習 - 1

[$p-V$ グラフ]

ていあつかてい ていせきかてい
1. [定圧過程, 定積過程]

- じょうたい じょうたい おんど
(1) 状態 A, 状態 C での温度をそれぞれ T_A , T_C とおく。

ボイルシャルルの法則より

$$\frac{pV}{T_A} = \frac{2p \cdot 2V}{T_C} \quad \text{よって} \quad \frac{T_C}{T_A} = 4$$

こたえ
(答) 4倍

- (2) $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow A$ の $p-V$ グラフで囲まれた面積が気体が外部にする正味の仕

ごと事であることから, 仕事 W は

$$W = (2p - p)(2V - V) = pV$$

こたえ
(答) pV

- きたい ぶつしりょう きたいていすう じょうたい じょうたい おんど
(3) 気体の物質量を n , 気体定数を R , 状態 B, 状態 D での温度をそれぞれ T_B , T_D とおく。

きたい じょうたいほうていしき
気体の状態方程式より

$$T_A = \frac{pV}{nR}$$

ボイルシャルルの法則より

$$T_B = 2T_A = 2\frac{pV}{nR}, \quad T_C = 4T_A = 4\frac{pV}{nR}, \quad T_D = 2T_A = 2\frac{pV}{nR}$$

また, 単原子分子理想気体であることから定積モル比熱 C_V , 定圧モル比熱 C_P はそれぞれ

$$C_V = \frac{3}{2}R, \quad C_P = \frac{5}{2}R$$

①から④のそれぞれの過程での吸収した熱量を求めると

$$\begin{aligned} \textcircled{1} \quad Q_{AB} &= nC_V(T_B - T_A) = \frac{3}{2}pV > 0 \\ \textcircled{2} \quad Q_{BC} &= nC_P(T_C - T_B) = 5pV > 0 \\ \textcircled{3} \quad Q_{CD} &= nC_V(T_D - T_C) = -3pV < 0 \\ \textcircled{4} \quad Q_{DA} &= nC_P(T_A - T_D) = -\frac{5}{2}pV < 0 \end{aligned}$$

こたえ (答) 熱を吸収する過程は①と②

①の熱量 $\frac{3}{2}pV$

②の熱量 $5pV$

(4) 吸収した熱量は $Q_{AB} + Q_{BC} = \frac{13}{2}pV$

正味の仕事は(2)より $W = pV$

熱効率を e [%] とすると

$$e = \frac{W}{Q} \times 100 = \frac{pV}{\frac{13}{2}pV} \times 100 = 15$$

こたえ (答) 15%

2. [等温過程, 定圧過程, 定積過程]

(1) 状態 A, 状態 B, 状態 C での温度をそれぞれ T_A, T_B, T_C とおく。

ボイルシャルルの法則より

$$\frac{pV}{T_A} = \frac{2pV}{T_B} \quad \text{よって} \quad T_B = 2T_A$$

また B→C は等温変化であるので

$$T_B = T_C$$

したがって $T_C = 2T_A$

こたえ (答) 2倍

(2) ボイルの法則より

$$2pV = pV_c \quad \text{よって} \quad V_c = 2V$$

(答) $2V$

(3) B → C の過程で気体がした仕事を W_{BC} , 吸収した熱を Q_{BC} , C → A の過程で気体がした仕事を W_{CA} とする。

題意から,

$$Q_{BC} = Q$$

B → C の過程は等温変化であるので

$$W_{BC} = Q_{BC} = Q$$

C → A の過程は定圧変化であるので

$$W_{CA} = p(V - 2V) = -pV$$

$$(\text{正味した仕事}) = Q - pV$$

(答) $Q - pV$

(4) A , B , C での温度は,

$$T_A = \frac{pV}{nR} \quad T_B = T_C = 2T_A = 2\frac{pV}{nR}$$

また, 単原子分子理想気体であることから定積モル比熱 C_V , 定圧モル比熱 C_P は, それぞれ

$$C_V = \frac{3}{2}R, \quad C_P = \frac{5}{2}R$$

①から③のそれぞれの過程での吸収した熱量を求めると

$$\text{①} \quad Q_{AB} = nC_V(T_B - T_A) = \frac{3}{2}pV > 0$$

$$\text{②} \quad Q_{BC} = Q$$

$$\text{③} \quad Q_{CA} = nC_P(T_A - T_C) = -\frac{5}{2}pV < 0$$

(答) 熱を吸収する過程は①と②

$$\text{①の熱量} = \frac{3}{2}pV$$

$$\text{②の熱量} = Q$$

(5) 吸収した熱量は(4)より $Q_{AB} + Q_{BC} = \frac{3}{2}pV + Q$

正味の仕事は(3)より $W_{BC} + W_{CA} = Q - pV$

熱効率を e とすると

$$e = \frac{W_{BC} + W_{CA}}{Q_{AB} + Q_{BC}} = \frac{Q - pV}{\frac{3}{2}pV + Q} = \frac{2(Q - pV)}{3pV + 2Q}$$

(答) $\frac{2(Q - pV)}{3pV + 2Q}$

3. [等温過程, 定積過程, 断熱過程]

気体の物質量を n , 気体定数を R , 状態 A, 状態 B, 状態 C での温度をそれぞれ

T_A, T_B, T_C とおく。

気体の状態方程式より

$$T_A = \frac{p_1 V_1}{nR} \quad T_C = \frac{p_2 V_2}{nR}$$

A → B の過程は等温変化であることから

$$T_B = T_A = \frac{p_1 V_1}{nR}$$

グラフより $T_C < T_B$ は明らかである。

(1) C → A の過程は断熱変化であることから吸収する熱 Q_{CA} は

$$Q_{CA} = 0$$

したがって、気体が外部にした仕事を W_{CA} , 内部エネルギーの変化量を ΔU_{CA} とすると

ねつりきがくだい ほうそく
熱力学第1法則より

$$W_{CA} = -\Delta U_{CA} = -\frac{3}{2}nR(T_A - T_C) = \frac{3}{2}(p_2V_2 - p_1V_1)$$

こたえ
(答) $\frac{3}{2}(p_2V_2 - p_1V_1)$

(2) ①から③のそれぞれの過程での吸収した熱量を求めると

① $Q_{AB} = W_{AB} > 0$ (グラフより明らか)

② $T_C < T_B$ より $Q_{BC} = nC_V(T_C - T_B) < 0$

③ $Q_{CA} = 0$

こたえ
(答) ①

(3) 気体がした正味の仕事は

$$W_{AB} + W_{CA} = Q + \frac{3}{2}(p_2V_2 - p_1V_1)$$

吸収した熱が Q であることから、熱効率 e は

$$e = \frac{Q + \frac{3}{2}(p_2V_2 - p_1V_1)}{Q} = \frac{2Q + 3(p_2V_2 - p_1V_1)}{2Q}$$

こたえ
(答) $\frac{2Q + 3(p_2V_2 - p_1V_1)}{2Q}$

6. 熱力学演習 - 2

れんけつようき
〔連結容器〕

1.

(1) コックを開ける前の容器 A , B 内の気体の圧力をそれぞれ p_A , p_B とおくと, 気体の

じょうたいほうていしき
状態方程式より

$$p_A V_A = n_A R T_A \quad p_B V_B = n_B R T_B \quad p'(V_A + V_B) = (n_A + n_B) R T' \quad \dots *$$

がいぶ ねつ
外部と熱のやりとりがないので, 内部エネルギーは保存される。このことから

$$p_A V_A + p_B V_B = p(V_A + V_B)$$

となり, * の関係式を用いると

$$n_A R T_A + n_B R T_B = (n_A + n_B) R T' \quad \text{よって} \quad T' = \frac{n_A T_A + n_B T_B}{n_A + n_B}$$

こたえ
(答)

$$\frac{n_A T_A + n_B T_B}{n_A + n_B}$$

(2) $p'(V_A + V_B) = (n_A + n_B) R T'$ より

$$p' = \frac{n_A + n_B}{V_A + V_B} \cdot R \cdot \frac{n_A T_A + n_B T_B}{n_A + n_B} = \frac{n_A T_A + n_B T_B}{V_A + V_B} R$$

こたえ
(答)

$$\frac{n_A T_A + n_B T_B}{V_A + V_B} R$$

(3) コックを開いた後, A , B 内での圧力, 温度は等しくなることから, A 内, B 内の気

たい ぶつしつりょう たいせき ひれい
体の物質 量は体積に比例する。

$$\frac{n_A - \Delta n}{n_B + \Delta n} = \frac{2}{1} \quad \text{よって} \quad 2(0.10 + \Delta n) = 0.50 - \Delta n$$

$$\Delta n = 0.10$$

こたえ
(答)

$$0.10 \text{ mol}$$

(4) このときの A 内、B 内のそれぞれの気体の物質量を n'_A 、 n'_B とおくと、気体の状態方

程式より

$$n'_A = \frac{p''V_A}{RT_{A'}} \quad , \quad n'_B = \frac{p''V_B}{RT_{B'}}$$

また、容器内の物質量の総和は変化しないことから

$$n_A + n_B = n'_A + n'_B \quad \text{よって} \quad n_A + n_B = \frac{p''V_A}{RT_{A'}} + \frac{p''V_B}{RT_{B'}}$$

$$p'' = \frac{(n_A + n_B)(T_{B'}V_A + T_{A'}V_B)}{T_{A'}T_{B'}R}$$

こたえ
(答)

$$\frac{(n_A + n_B)(T_{B'}V_A + T_{A'}V_B)}{T_{A'}T_{B'}R}$$

2.

(1) 自由膨張は仕事をしない。また、熱の出入りがないので、内部エネルギーの変化も 0。

したがって、温度も変化しない。よって $T = 300$

ボイルの法則より

$$p_A V_A = p(V_A + V_B)$$

$$\text{よって} \quad p = \frac{V_A}{V_A + V_B} p_A$$

$$= \frac{3.0 \times 10^{-3}}{3.0 \times 10^{-3} + 1.0 \times 10^{-3}} \times 2.0 \times 10^5$$

$$= 1.5 \times 10^5$$

こたえ
(答)

$$T \text{ [K]} = 300 \text{ K}$$

$$p \text{ [Pa]} = 1.5 \times 10^5 \text{ Pa}$$